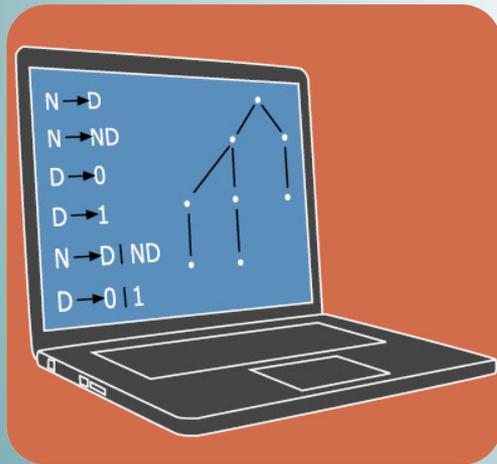


Procesadores de Lenguaje

Analizadores sintácticos ascendentes



Cristina Tirnauca

Domingo Gómez Pérez

DPTO. DE MATEMÁTICAS,
ESTADÍSTICA Y COMPUTACIÓN

Este tema se publica bajo Licencia:

[Creative Commons BY-NC-SA 3.0](https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/)

Análisis LR

En esta clase vamos a introducir el análisis ascendente, que se basa en como encontrar una derivación más a la derecha.

Análisis LR

Veamos un ejemplo de la idea que tenemos para hallar una derivación de la palabra $()()$ con la siguiente gramática:

$S \rightarrow (S) \mid ()$.

- ▶ $()()$
- ▶ $(S) \rightarrow ()()$
- ▶ $S \rightarrow (S) \rightarrow ()()$

Análisis LR (leyendo secuencialmente)

Veamos un ejemplo de la idea que tenemos para hallar una derivación de la palabra $(())$ con la siguiente gramática:

$S \rightarrow (S) \mid ()$.

- ▶ Leemos $(()$.
- ▶ Sustituimos $(()$ por $(S$.
- ▶ Leemos el siguiente símbolo de la cinta y reducimos (S) por S .

Análisis LR (leyendo secuencialmente)

Cojamos esta otra gramática $S \rightarrow S (S) \mid ()$,

- ▶ ¿Qué debemos hacer para aplicar esta idea a la palabra $()(())$?
- ▶ ¿Cómo es el árbol de derivación de esta palabra?
- ▶ ¿Qué pasa cuando recortamos algunas hojas del árbol de derivación? (empezando por la izquierda)

Pequeño repaso de derivaciones

Los analizadores LL recorren los datos de izquierda a derecha y construyen la derivación izquierda: en cada momento, la pila contiene lo que se espera “encontrar” en la cinta.

Los sucesivos pasos del analizador van leyendo la cinta y va modificando la pila para que tenga un resumen de lo que **queda por ver**.

Existe una estrategia alternativa: el **análisis LR**, que recorre los datos de izquierda a derecha pero construye la derivación derecha.

Sólo que la hemos de construir “al revés”, empezando por el final: en cada momento, la concatenación del contenido de la pila con lo que queda por leer **reconstruyen una derivación a la derecha de la palabra en orden inverso**.

Analizadores ascendentes LR y autómatas con pila

Algunos convenios notacionales

Convenio:

Emplearemos un símbolo de “dólar” \$ para indicar el fin de datos; este convenio es histórico y tradicional.

Convenio:

Emplearemos un símbolo de “euro” € para indicar el fondo de la pila; este convenio no es ni histórico y ni tradicional, como es obvio.

Sólo lo emplearemos provisionalmente.

Operaciones básicas:

- ▶ **Desplazar** (*shift*) un símbolo terminal de la entrada a la pila;
- ▶ **Reducir** (*reduce*) una parte derecha de regla que hay en la cima de la pila, sustituyéndola por la correspondiente parte izquierda de la misma regla.

Analizadores ascendentes LR y autómatas con pila

Una visión intuitiva

Vamos a hacer “trampa” por ahora, nuestros autómatas con pila van a poder,

- ▶ Conocer el próximo símbolo de la cinta sin leerlo.
- ▶ Leer más de un elemento de la cinta sin perderlos.

Estos “superautómatas” son versiones de otros autómatas con pila.

Analizadores ascendentes LR y autómatas con pila

Una visión intuitiva

Ejemplo sencillo con la gramática de N y D:

$N : D \mid ND$

$D : '0' \mid '1' \mid '2' \mid '3' \mid '4' \mid '5' \mid '6' \mid '7' \mid '8' \mid '9'$

Colocar ϵ en el fondo de la pila

Repetir:

1. si la cima de la pila es un dígito, reducir a D
2. si la cima de la pila es ND, reducir por $N : ND$
3. si la cima de la pila es ϵD , reducir por $N : D$
4. si la cima de la pila es ϵN y viene \$
(es decir, estamos al final de los datos), aceptar
5. si la cima de la pila es N y no viene \$, desplazar
6. si la cima de la pila es ϵ y no viene \$, desplazar

Analizadores ascendentes LR y autómatas con pila

La historia se complica

Complicamos el ejemplo con la gramática de expresiones:

$$E : N \mid E \text{ OP } E$$
$$N : D \mid N D$$
$$D : '0' \mid '1' \mid '2' \mid '3' \mid '4' \mid '5' \mid '6' \mid '7' \mid '8' \mid '9'$$
$$\text{OP} : '+' \mid '*'$$

Fijémonos que sólo tenemos dos operadores y además aún no hay paréntesis.

Analizadores ascendentes LR

Encontrando la forma general

El analizador sintáctico para esta gramática es:

Colocar ϵ en el fondo de la pila

Repetir:

1. si la cima de la pila es un dígito, reducir a D
2. si la cima de la pila es '+' o '*', reducir a OP
3. si la cima de la pila es N D, reducir por N : N D
4. si la cima de la pila es ϵ D, reducir por N : D
5. si la cima de la pila es OP D, reducir por N : D
6. si la cima de la pila es ϵ E y viene \$, aceptar
7. si la cima de la pila es N y viene un operador, reducir por E : N
8. si la cima de la pila es N y viene \$, reducir por E : N
9. si la cima de la pila es N y viene un dígito, desplazar
10. si la cima de la pila es OP y viene un dígito, desplazar
11. si la cima de la pila es ϵ y viene un dígito, desplazar
12. si la cima de la pila es E OP E, reducir por E : E OP E
13. si la cima de la pila es E y viene un operador, desplazar

Analizadores ascendentes LR

Breve resumen de lo que sabemos

Características principales:

- ▶ Construyen un árbol sintáctico de las hojas hacia la raíz.
- ▶ Leen los datos de izquierda a derecha (*Left to right*) y construyen la derivación derecha (*Rightmost*); pero la construyen “al revés”.
- ▶ Emplean una **pila** para mantener un “resumen” de lo que llevan visto hasta el momento: a cada vuelta del bucle principal, la parte ya leída de la entrada se puede derivar de lo que hay en la pila.
- ▶ Operaciones básicas (analizadores *shift-reduce*):
 - ▶ **Desplazar** (*shift*) un símbolo terminal de la entrada a la pila;
 - ▶ **Reducir** (*reduce*) una parte derecha de regla que hay en la cima de la pila, sustituyéndola por la correspondiente parte izquierda de la misma regla.
- ▶ En la pila hay tanto terminales como símbolos gramaticales.

Analizadores ascendentes LR

¿Por qué funcionan?

Propiedad fundamental que precisamos:

Un analizador sintáctico ha de aceptar **si y solamente si** la entrada se puede generar por la gramática.

En un analizador LR, aceptaremos cuando:

- ▶ Hayamos leído toda la entrada y
- ▶ en ese momento en la pila únicamente haya el símbolo inicial.

Por ello, **cuando aceptamos**, estamos seguros de que la gramática **puede generar** la entrada.

Pero... ¿Y viceversa?

Analizadores ascendentes LR

Ideas generales de lo que veremos a continuación

Cuestiones a tratar:

1. ¿Cómo queda el algoritmo de análisis LR en **forma general**?
 - ▶ Guiado por una **tabla de análisis** que indica si desplazar o reducir por una regla u otra, en función de la cima de la pila y el siguiente terminal.
 - ▶ Las dificultades estarán en cómo **construir** la tabla.
2. ¿No tendremos una piedra en el zapato si alguna regla tiene como parte derecha la **palabra vacía**?
3. ¿Qué va a ocurrir en caso de que la gramática (o, en general, el lenguaje a analizar) no admite autómatas a pila deterministas?

¡Jugarán roles estelares el FIRST y el FOLLOW...!

Tablas de análisis LR

Versión preliminar aproximada

El mismo ejemplo sencillo, en forma tabular:

	dígito	\$
€	desplazar	
dígito	reducir a D	reducir a D
€ N	desplazar	aceptar
N D	reducir por N : N D	reducir por N : N D
€ D	reducir por N : D	reducir por N : D

N : D | N D

D : '0' | '1' | '2' | '3' | '4' | '5' | '6' | '7' | '8' | '9'

Tablas de análisis LR

Versión preliminar aproximada, requiere ajustar más

	dígito	operador	\$
dígito	reducir a D	reducir a D	reducir a D
'+', '*'	reducir a OP	reducir a OP	reducir a OP
N	desplazar	reducir N a E	reducir N a E
OP, €	desplazar		
N D	reducir a N	reducir a N	reducir a N
OP D	reducir D a N	reducir D a N	reducir D a N
€ D	reducir D a N	reducir D a N	reducir D a N
€ E			aceptar
E OP E	reducir a E	reducir a E	reducir a E
E		desplazar	

E : N | E OP E

N : D | N D

D : '0' | '1' | '2' | '3' | '4' | '5' | '6' | '7' | '8' | '9'

OP : '+' | '*'