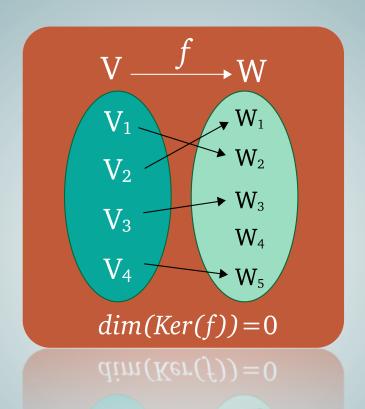




Álgebra

Práctica 3. Variables simbólicas



Rodrigo García Manzanas Neila Campos González Ana Casanueva Vicente

Departamento de Matemática Aplicada y Ciencias de la Computación

Este tema se publica bajo Licencia:

<u>Creative Commons BY-NC-SA 4.0</u>





Grado en Ingeniería Química

G320: Álgebra

Práctica 3: Variables simbólicas

Rodrigo García Manzanas (rodrigo.manzanas@unican.es)

Neila Campos González (neila.campos@unican.es)

Uso de variables simbólicas en MATLAB

MATLAB permite trabajar con variables simbólicas, es decir, variables genéricas que, en principio, no tienen porqué tomar un valor concreto (piensa en las incógnitas de cualquier ecuación)

```
syms x % defino la variable 'x' como simbólica eq = x^2 + 5 % ecuación que depende de 'x' eq = x^2 + 5
```

Por depender de la variable simbólica *x*, *eq* será una expresión simbólica. Podemos comprobar de qué tipo es una variable dada con el comando *class*:

```
class(x) % 'x' es una variable simbólica

ans =
'sym'

class(eq) % 'eq' es una expresión simbólica

ans =
'sym'
```

Podemos obligar a que una variable simbólica tome un determinado valor con el comando subs:

```
subs(eq, x, 3) % forzamos a que 'x' tome el valor 3 en la expresión eq ans = 14
```

Se pueden definir varias variables simbólicas a la vez:

```
syms x y
subs(2*x + y, [x, y], [1 6]) % forzamos a que 'x' ('y') tome el valor 1 (6)
```

```
ans = 8
% en la expresión '2*x+y'
```

Se puede especificar el tipo exacto de variable simbólica con la que queremos trabajar:

```
syms x integer % 'x' sólo podría tomar valores enteros
syms x real % 'x' podría tomar cualquier valor real
```

En esta asignatura trabajaremos siempre con variables simbólicas de tipo real.

Por último veremos el comando *solve*, que permite resolver sistemas de ecuaciones. De momento consideraremos sólo ecuaciones sencillas de una incógnita. La igualdad en una expresión simbólica se denota con el símbolo "==":

```
syms x real sol = solve(7 + x == 2, x) % devuelve el valor de 'x' que cumple la ecuación '7+x=2' sol = -5
```

Fíjate que la variable sol es simbólica. Para convertirla a tipo numérico hay que utilizar el comando double:

```
class(sol) % variable de tipo simbólico

ans =
'sym'

class(double(sol)) % variable de tipo numérico

ans =
'double'
```

Por defecto, el comando *solve* resuelve la ecuación que le pasemos igualada a 0. Las siguientes dos expresiones son equivalentes en MATLAB:

```
sol1 = solve(6 + 2*x == 0, x) % devuelve el valor de 'x' que cumple la ecuación '6+2x= sol1 = -3 sol2 = solve(6 + 2*x, x) % devuelve el valor de 'x' que cumple la ecuación '6+2x=0' sol2 = -3
```

Nota importante: Las funciones *rref* y *rank* pueden dar lugar a resultados incorrectos cuando actúan sobre matrices simbólicas, por lo que restringiremos su uso únicamente a matrices numéricas. Por contra, la función *det* puede utilizarse sin riesgo en cualquier caso, tanto con matrices numéricas como con matrices simbólicas.

Ejercicios propuestos

Ejercicio 1:

Determina para qué valores del parámetro *a* será ortogonal la matriz *A*:

$$A = \begin{bmatrix} 0.8 & a & 0 \\ -a & 0.8 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Ejercicio 2:

Determina el rango de A en función del parámetro a:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 2a & 5 & 3 \\ 7 & -2 & 4 & -3 \\ 9 & 7 & 1 & -a \\ 1 & 7 & 0 & -2 \end{bmatrix}$$

Ejercicio 3:

Sea la matriz $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ a & 0 & 1 \\ 2 & a & -2 \end{bmatrix}$. Determina si es o no regular (es decir, invertible), en función del parámetro a.